

EPREUVE DE REMPLACEMENT DE SCIENCES PHYSIQUES TERMINALE S2 DUREE : 4 HEURES.

Exercice 1 : (4 points)

1.1. On veut identifier un monoacide carboxylique A, à chaîne carbonée saturée. Pour cela, on dissout 3,11 g de A dans 1 litre d'eau pure. Puis on en prélève 20 cm³ qu'on dose par une solution d'hydroxyde de sodium de concentration molaire C_b = 5.10⁻² mol.L⁻¹. L'équivalence acido-basique a lieu quand on a ajouté 16,8 cm³ de la solution d'hydroxyde de sodium.

1.1.1. Déterminer la concentration molaire C_a de la solution acide et la masse molaire de A. **(1pt)**

1.1.2. Déterminer la formule semi-développée de A puis donner son nom. **(0,5pt)**

1.1.3. Donner la formule semi-développée et le nom du composé C obtenu en chauffant l'acide A en présence du décaoxyde de tétraphosphore (P₄O₁₀). **(0,5pt)**

1.2. On fait réagir, dans une étuve, un mélange de 0,50 mol d'éthanol et 2 mol d'acide A. Au bout de 12 heures, l'état d'équilibre est atteint: la composition du mélange n'évolue plus. On constate qu'il contient 1,54 mol d'acide A.

1.2.1. Ecrire l'équation-bilan de la réaction ayant lieu dans l'étuve. **(0,5pt)**

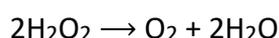
1.2.2. Donner le nom et les caractéristiques de cette réaction. **(0,5pt)**

1.2.3. Calculer la quantité de matière d'alcool estérifié. **(0,5pt)**

1.2.4. Déterminer le pourcentage d'alcool estérifié **(0,5pt)**

Exercice 2 (04 points)

L'eau oxygénée ou peroxyde d'hydrogène (H₂O₂) se décompose suivant l'équation bilan suivante :



En présence de catalyseurs appropriés, on effectue une étude, cinétique de la décomposition du peroxyde d'hydrogène, à une température T. A l'instant t = 0, on verse dans un ballon contenant des catalyseurs un volume V = 2 litres d'eau oxygénée de concentration molaire volumique C = 0,5 mol.L⁻¹. A pression constante, on mesure le volume V₁, de dioxygène dégagé à différents instants. On note C_R la concentration molaire de H₂O₂ résiduelle. Dans les conditions de l'expérience, le volume molaire V_m étant 24 litres.

2.1. Etablir la relation : $C_R = C - \frac{2V_1}{V \times V_m}$ **(1 pt)**

2.2. Compléter le tableau de mesures ci-dessous et tracer sur papier millimétré la courbe représentative de C_R en fonction du temps t. On prendra : échelles : 1 cm ↔ 5,0.10⁻² mol.L⁻¹ et 1 cm ↔ 30 min **(01 pt)**

t(min)	0	30	60	90	120	180	240	300	360	420	480	600
V ₁ en (litres)	0	2,5	4,53	6,12	7,37	9,16	10,3	11	11,4	11,6	11,8	11,9
C _R en (10 ⁻² mol/L)												

2.3. Déterminer graphiquement, la vitesse volumique de disparition v_d (H₂O₂) du peroxyde d'hydrogène à l'instant t = 300 min. **(1 pt)**

2.4. Théoriquement, v_d (H₂O₂) est donnée par la relation v_d (H₂O₂) = K.C_R avec K une constante de la vitesse de réaction) de valeur 1,28.10⁻⁴ s⁻¹. Calculer v_d (H₂O₂) à t = 300 min. Comparer les deux valeurs et conclure. **(1 pt)**

Exercice 3 : (4 points)

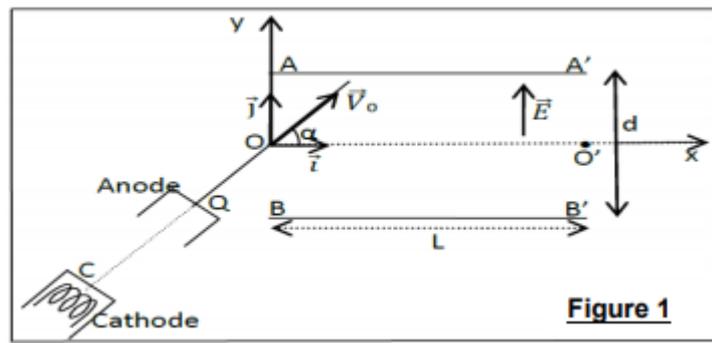
Données : Charge élémentaire : e = 1, 6. 10⁻¹⁹ C ; masse de l'électron : m = 9, 1. 10⁻³¹ kg ; α = 30° ; d = 7, 0 cm et L = OO' = 20 cm.

Des électrons sont émis par une cathode C avec une vitesse négligeable. Ils sont alors accélérés par une tension |U_{QC}| = U₀ = 500 V et arrivent en Q avec une vitesse \vec{v}_0 faisant un angle α avec l'axe (Ox). Le poids des électrons a un effet négligeable.

3.1. Déterminer le signe de la tension électrique U_{QC}. **(0,5pt)**

3.2. Enoncer le théorème de l'énergie cinétique et l'utiliser pour déterminer la valeur de la vitesse \vec{v}_0 au point O. (0,5pt)

3.3. Les électrons venant de Q avec la vitesse \vec{v}_0 pénètrent à l'intérieur d'un domaine limité par deux plaques planes, parallèles et horizontales AA' et BB' (voir figure 1). Le champ électrique \vec{E} y est uniforme et la tension $U_{BA} = U$ est positive.



3.3.1. Dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , exprimer en fonction de e, v_0, U, α et d les composantes des vecteurs accélération, vecteur vitesse et vecteur position à l'intérieur des plaques. (0,75pt)

3.3.2. En déduire l'équation cartésienne de la trajectoire en fonction de U_0, U, d et α . (0,5pt)

3.3.3. Exprimer en fonction de U_0, U, d et α , les coordonnées du point M où le vecteur vitesse du mobile est parallèle à l'axe (Ox) . En déduire la relation entre U_0, U , et α pour que l'électron ne touche pas la plaque supérieure AA'. (0,75pt)

3.4. On veut que l'électron sorte de l'espace champ au point O'.

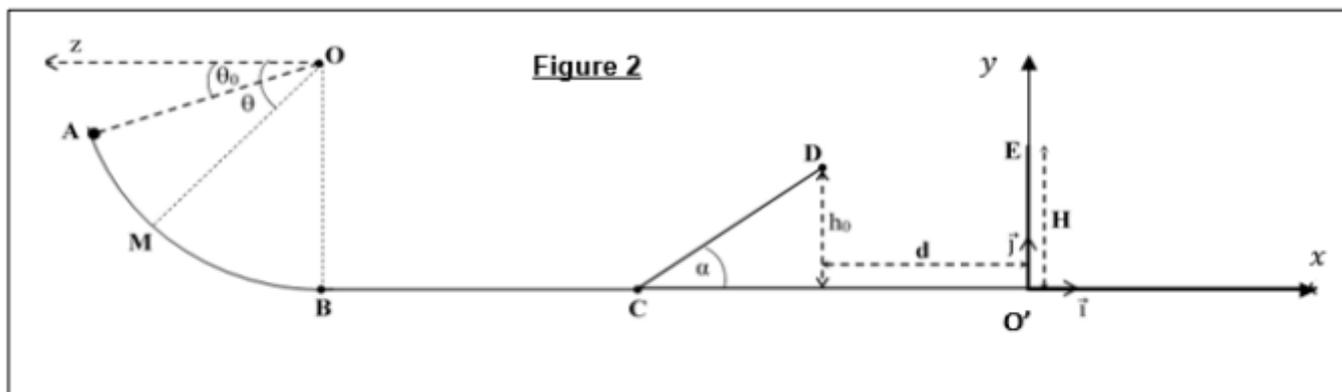
3.4.1. Déterminer en fonction de U_0, L, d et α , la tension électrique U à appliquer. Donner sa valeur numérique. (0,5pt)

3.4.2. Montrer que le vecteur vitesse en O' a la même valeur qu'en O. (0,5pt)

Exercice 4 : (4 points)

Le but de cet exercice est d'étudier le saut d'un skieur qui doit franchir un obstacle O'E vertical de hauteur $H = 3$ m situé à une distance $d = 4$ m de l'extrémité D d'un tremplin constitué de trois parties :

- une partie AB circulaire de rayon $r = 10,404$ m. On donne : $\theta_0 = (\vec{OA}; \vec{OZ}) = 30^\circ$
- une partie rectiligne BC horizontale
- une partie rectiligne CD inclinée d'un angle $\alpha = 45^\circ$ par rapport à l'horizontale



Le skieur, assimilable à un point matériel, part sans vitesse initiale au point A. On supposera que les frottements sont négligeables. On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$. Masse du skieur : $m = 80 \text{ kg}$

4.1. Etude du mouvement du skieur sur le tremplin :

4.1.1. Etablir l'expression de la vitesse V_M du solide à son passage au point M en fonction de θ, θ_0, g et r . (0,5 pt)

4.1.2. En déduire les vitesses V_B et V_C de passage du solide respectivement aux points B et C. (0,5 pt)

4.1.3. Etablir l'expression de l'intensité R de la réaction \vec{R} du tremplin sur le skieur au point M en fonction de m, θ, θ_0, g . (0,5 pt)

4.1.4. En quel point, la norme R de la réaction de la partie circulaire du tremplin est maximale ? Calculer sa valeur. (0,5 pt)

4.2. Etude du mouvement du saut du skieur :

Le skieur quitte le tremplin, au point D situé à une hauteur $h_0 = 2 \text{ m}$ par rapport au plan horizontal BC, avec une vitesse \vec{v}_D . Son mouvement sera étudié dans le repère $(O' ; \vec{i}, \vec{j})$ (voir figure 2).

4.2.1. Etablir les équations horaires du mouvement du skieur. Montrer que l'équation de sa trajectoire

$$y = \frac{-g(x+d)^2}{2v_D^2 \cos^2 \alpha} + (x+d) \cdot \tan \alpha + h_0$$

peut s'écrire :

(0,75 pt)

4.2.2. Montrer que la norme v_D du vecteur vitesse \vec{v}_D doit être supérieure à une valeur v_0 pour que le skieur passe au-dessus de l'obstacle. On exprimera v_0 en fonction de g, d, α, h_0 et H . Calculer v_0 . (0,75 pt)

4.2.3. On suppose que $v_D = 8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. A quelle distance de l'extrémité E passe le skieur. (0,5 pt)

Exercice 5 : (04 points)

Données : Constante de la gravitation universelle, $K = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ S.I.}$

Rayon de l'orbite de Titan : $r = 1,22 \cdot 10^6 \text{ km}$; Rayon de la planète Saturne : $R = 6,0 \cdot 10^4 \text{ km}$.

Période de rotation de Saturne sur elle-même : $T_S = 10 \text{ h } 39 \text{ min}$; Masse de Saturne : $M_S = 5,69 \cdot 10^{26} \text{ kg}$.

En Juillet 2004, la sonde européenne Cassini-Huygens a photographié Titan de masse m , le plus gros satellite de Saturne, situé à une distance r du centre de Saturne.

Dans cet exercice, on se place dans le référentiel saturno-centrique, supposé galiléen. On considère que la planète Saturne et ses satellites sont des corps dont la répartition des masses est à symétrie sphérique. Les rayons des orbites des satellites sont supposés grands devant leurs rayons respectifs.

5.1. Sur un schéma clair, représenter le vecteur champ de gravitation \vec{G} créé par Saturne au point où se trouve le satellite Titan. Rappeler l'expression de l'intensité de \vec{G} en fonction de K, M_S et r . (0,5 pt)

5.2. Montrer qu'au voisinage de Saturne, à l'altitude h ($h \ll R$) que l'intensité du champ de gravitation qu'il créé, peut se mettre sous la forme : $G = g_0 \left(1 - \frac{2h}{R}\right)$ avec g_0 intensité du champ de gravitation créé

par Saturne au niveau de sa surface. (0,5 pt)

5.3. Montrer que la vitesse du satellite est constante puis calculer la période T_T de rotation de Titan autour de Saturne. (0,5 pt)

5.4. Montrer que l'angle de rotation de Saturne pendant une révolution de Titan peut s'écrire sous la forme : (0,5 pt)

$$\theta_S = \frac{4\pi^2}{T_S} \sqrt{\frac{r^3}{KM_S}}$$

5.5. Titan se déplaçant dans le même sens que Saturne. Etablir l'expression de l'intervalle de temps Δt qui sépare deux passages successifs de Titan à la verticale d'un point donné de l'équateur de Saturne en fonction de T_S et T_T la période de rotation de Titan autour de Saturne. Calculer Δt . (0,5 pt)

5.6. Calculer l'altitude h_G de Titan pour qu'il soit un satellite saturnostationnaire. (0,5 pt)

5.7. Sachant que l'expression de l'énergie potentielle de gravitation du satellite Titan à l'orbite r est :

$$E_P(r) = - \frac{KM_S m}{r} + C ; \text{ avec } C : \text{ une constante additive.}$$

5.7.1. Montrer que l'expression de l'énergie mécanique du système Saturne-Titan peut s'écrire sous la forme $E = mg_0 R \left(1 - \frac{R}{2r}\right)$ (0,5 pt)

NB : On choisira la surface de Saturne comme état de référence pour l'énergie potentielle.

5.7.2. Montrer que la variation d'énergie mécanique du satellite Titan est liée à la variation de son altitude par la relation $\Delta E = A \cdot \Delta h$. Exprimer A en fonction de m, r et T_T . (0,5 pt)

FIN DE SUJET